

Modulhandbuch Erweiterungsfach Mathematik im Master of Education Profillinie "Lehramt Gymnasium"

Fassung vom 19.07.2023

Art des Studiengangs: Master Erweiterungsfach

Einführungsdatum: Wintersemester 2019/2020

Studienform: Vollzeit und Teilzeit

Regelstudienzeit: 4 Semester (bei Vollzeitstudium)

Anzahl zu erwerbender Leistungspunkte: 120

Studienstandort: Heidelberg

Anzahl der Studienplätze: keine Zulassungsbeschränkung

Gebühren/Beiträge: gemäß allgemeiner Regelungen der Universität

Heidelberg

Gemeinsame Präambel für die Modulhandbücher und Absolventenprofil der Erweiterungsfachmasterstudiengänge

Die Pädagogische Hochschule Heidelberg und die Universität Heidelberg haben beschlossen, unter dem Dach der Heidelberg School of Education einen gemeinsam verantworteten Studiengang Master of Education mit den Profillinien Lehramt Sekundarstufe I und Lehramt Gymnasium einzurichten, zu organisieren und durchzuführen. Die Kooperation dient dem Ziel, die forschungsbasierte Lehrerbildung am Standort Heidelberg gemäß dem heiEDUCATION-Konzept qualitativ zu stärken, das gemeinsame Absolventinnen- und Absolventenprofil umzusetzen sowie die Mobilität und Durchlässigkeit für die Studierenden zu erhöhen.

Anknüpfend an ihre Leitbilder und ihre Grundordnungen verfolgen die Universität Heidelberg und die Pädagogische Hochschule Heidelberg im gemeinsam verantworteten Studiengang Master of Education mit den Profillinien Lehramt Gymnasium und Lehramt Sekundarstufe I fachliche, fachübergreifende und berufsfeldbezogene Ziele in der umfassenden akademischen Bildung und für eine spätere berufliche Tätigkeit ihrer Studierenden. Das daraus folgende Kompetenzprofil bildet das Fundament der Curricula und Module in den einzelnen Teilstudiengängen (Profillinie Lehramt Gymnasium), den Erweiterungsfachmasterstudiengängen (Profillinie Lehramt Gymnasium) bzw. Studienbereichen (Profillinie Lehramt Sekundarstufe I) und findet in den jeweils spezifischen Qualifikationszielen seinen Ausdruck:

- Entwicklung von fachlichen Kompetenzen mit ausgeprägter Forschungsorientierung;
- Entwicklung transdisziplinärer Dialogkompetenz;
- Aufbau von praxisorientierter Problemlösungskompetenz;
- Entwicklung von personalen und Sozialkompetenzen;
- Förderung der Bereitschaft zur Wahrnehmung gesellschaftlicher Verantwortung auf der Grundlage der erworbenen Kompetenzen.

Erfolgreiche Absolventinnen und Absolventen des Erweiterungsfachs im Master of Education, Profillinie Lehramt Gymnasium, zeichnen sich dadurch aus, dass sie

- in fachwissenschaftlicher Hinsicht über umfassendes Wissen verfügen, mit an exemplarischen Vertiefungen eingeübten Methoden und Denkweisen auf dem aktuellen Erkenntnisstand vertraut und überdies in der Lage sind, sich selbstständig, problembewusst und kritikfähig neues Wissen und Können anzueignen,
- in fachdidaktischer Hinsicht die genannten fachwissenschaftlichen F\u00e4higkeiten und Fertigkeiten mit Konzepten forschungsbasierter Fachdidaktik verzahnen k\u00f6nnen und so die Voraussetzungen f\u00fcr ein schularten- und stufenspezifisch erfolgreiches Reflektieren und Handeln erf\u00fcllen,
- in diversitäts- und inklusionsbezogener Hinsicht ein Basiswissen aufweisen, das sie in ihrer beruflichen Praxis zum adäquaten Umgang mit Heterogenität und Zieldifferenzierung in Bildungsprozessen befähigt,

- in persönlichkeitsbezogener Hinsicht ihre sozial-kommunikativen und selbstreflexiven Handlungskompetenzen erweitert und vertieft haben und im Bewusstsein ihrer persönlichen und gesellschaftlichen Verantwortung – auch hinsichtlich der Bedeutung der Wissenschaften und der Schulbildung für die Gesellschaft – denken und handeln,
- in inter- und transdisziplinärer Hinsicht die erworbenen Kenntnisse produktiv vernetzen und anwenden können.

Durch die Absolvierung ihres gesamten Lehramtsstudiums (einschließlich der Teilstudiengänge im Master of Education beziehungsweise eines vorherigen Staatsexamenstudienganges) zeichnen sich die Studierenden dadurch aus, dass sie...

- in den Bildungswissenschaften über differenzierte Grundlagen und vertiefte profilbezogene Kenntnisse (z.B. in den Bereichen Diagnostik, Differenzierung, Beratung, Evaluation und Schulentwicklung) verfügen sowie
- in berufsvorbereitender Hinsicht ihre professionsbezogenen Kompetenzen in Praxisphasen weiterentwickeln und erproben konnten.

Fachliche Qualifikationsziele des Erweiterungsfachs Mathematik

Die Absolventinnen und Absolventen des Erweiterungsfachs Mathematik im Master of Education, Profillinie "Lehramt Gymnasium"

- kennen die mathematischen Begriffe und Konstruktionen, die hinter der Schulmathematik stehen, und können diese analysieren und vom höheren Standpunkt aus rechtfertigen,
- können mathematische Gebiete durch Angabe treibender Fragestellungen strukturieren, durch Querverbindungen vernetzen und Bezüge zur Schulmathematik herstellen,
- können mathematische Sachverhalte adäquat mündlich und schriftlich darstellen und sich selbstständig mathematische Inhalte aneignen,
- besitzen die Fähigkeit zu schlüssiger Argumentation und exakter Beweisführung und sind in der Lage, auf Einwände einzugehen,
- können Argumentationsketten auf ihre Stichhaltigkeit überprüfen, Fehler oder Lücken in verständlicher Weise offenlegen und Hilfestellung bei der Korrektur und Präzisierung geben,
- kennen Praxisfelder der Mathematik und können außermathematische Fragestellungen modellieren, angemessene mathematische Methoden zur Behandlung von Modellen finden und anwenden sowie die Lösung verständlich vermitteln,
- können auf Grund ihrer mathematischen Allgemeinbildung wesentliche mathematische Bezüge im Alltag, in öffentlichen Texten und in der Alltagssprache benennen, verstehen und erklären

Aufbau des Studiengangs

Die Module des Erweiterungsfachs Mathematik umfassen 90 LP Fachwissenschaft (FW) und 15 LP Fachdidaktik (FD). Die Masterarbeit ist ein weiteres Pflichtmodul und geht nicht in die zuvor genannten LP ein.

Der Studienbeginn ist nur zum Wintersemester möglich. Eine inhaltlich begründete Reihenfolge der Module wird im Modellstudienplan aufgezeigt.

Das Verschränkungsmodul "Geometrie und Unterricht" setzt sich aus zwei Teilen zusammen, der Vorlesung "Einführung in die Geometrie" und dem "Fachdidaktischen Seminar". Ein weiteres Verschränkungsmodul ist die "Didaktische Reduktion eines Themas aus der Mathematik", welches sich ebenfalls aus zwei Teilen zusammensetzt, der Vorlesung "Ein mathematisches Thema" und dem Seminar "Didaktische Reduktion".

Pflichtmodule:

	Fachwissenschaft	Fachdidaktik
Analysis I	8 LP	
Analysis II	8 LP	
Lineare Algebra I	8 LP	
Lineare Algebra II	8 LP	
Einführung in die Wahrscheinlichkeitsrechnung und Statistik	8 LP	
Einführung in die Numerik	8 LP	
Algebra I	8 LP	
Funktionentheorie	8 LP	
Proseminar	5 LP	1 LP
Seminar im Bachelor	5 LP	1 LP
Wahlpflicht Mathematik	6 LP	
Verschränkungsmodul "Geometrie und Unterricht"		
Einführung in die Geometrie	8 LP	
Fachdidaktisches Seminar		4 LP
Verschränkungsmodul "Help-Desk"	2 LP	1 LP
Fachdidaktische Reduktion an ausgewählten Themen der Math	nematik für das Gymnas	ium 4 LP
Mathematikdidaktik für den Unterricht am Gymnasium		4 LP

Masterarbeit 15 LP

In diesem Studiengang gibt es einige Module mit weniger als 5 Leistungspunkten. Bei diesen Modulen handelt es sich um inhaltlich abgeschlossene Studieneinheiten, die nicht sinnvoll mit anderen Modulen zusammengelegt werden können.

Modellstudienplan für ein Studium in 4 Semestern:

Dieser Modellstudienplan gibt lediglich einen Ansatz für die Positionierung der einzelnen Module für ein viersemestriges Studium. Bei einem Teilzeitstudium oder bei einem gleichzeitigen Studium im Master of Education oder in einem Bachelor mit Lehramtsoption können die Module auch auf deutlich mehr Semester verteilt werden. Einen Anhaltspunkt gibt hierfür der Studienplan für den Bachelor Mathematik mit 50% Fachanteil im dortigen Modulhandbuch.

Aufgrund der sehr unterschiedlichen Ausgangssituation der Studierenden wird dringend dazu geraten, bereits bei der Bewerbung und/oder Einschreibung eine individuelle Beratung wahrzunehmen, um einen an die persönlichen Studienumstände angepassten Studienplan zu entwickeln.

Die Fachstudienberatung zu allen Fragen des Masters of Education im Erweiterungsfach Mathematik ist erreichbar unter <Beratung.M.Ed.Mathematik@mathinf.uni-heidelberg.de>.

Beginn ausschließlich im Wintersemester:

1. Jahr	1. Semester	
	Analysis I	8 LP FW
	Lineare Algebra I	8 LP FW
	Proseminar	5 LP FW 1 LP FD
	2. Semester	
	Analysis II	8 LP FW
	Lineare Algebra II	8 LP FW
	Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik	8 LP FW
	Seminar im Bachelor	5 LP FW 1 LP FD
	Mathematikdidaktik für den Unterricht am Gymnasium	4 LP FD
2. Jahr	3. Semester	
	Einführung in die Numerik	8 LP FW
	Algebra I	8 LP FW
	Wahlpflicht Mathematik	6 LP FW
	Help-Desk	2 LP FW 1 LP FD
	Fachdidaktische Reduktion an ausgewählten Themen der	4 LP FD
	Mathematik für das Gymnasium	
	4. Semester	
	Funktionentheorie I	8 LP FW
	Einführung in die Geometrie	8 LP FW
	Fachdidaktisches Seminar	4 LP FD
	Masterarbeit	15 LP

Titel	Analysis I
Code/Nummer	MA1
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Wintersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Studiensemester	Erstes Semester
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlen sind: Schulkenntnisse
Modulinhalte	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung
SWS	4 SWS + 2 SWS

Die Systeme der reellen Zahlen und komplexen Zahlen; Konvergenz von Folgen und Reihen, Potenzreihen, Exponentialfunktion (auch im Komplexen) und verwandte Funktionen; Stetigkeit und Differenzierbarkeit, monotone Funktionen, Umkehrfunktion, gleichmäßige Konvergenz; Integral (Regel- oder Riemann-Integral), Zusammenhang zwischen Integration und Differentiation, Integrationsmethoden; Ausbau der Theorie, z. B. Behandlung spezieller Funktionsklassen.

Alle Resultate werden mit vollständigen Beweisen vermittelt.

Lernziele

Grundwissen über reelle und komplexe Zahlen, die Konvergenz von Folgen und Reihen und die Differential und Integralrechnung für Funktionen einer Veränderlichen;

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

Verständnis der Beweistechniken auf diesem Gebiet und die Fähigkeit, kleinere Beweise selbst durchführen zu können;

Abstraktes und analytisches Denken auf Grenzwertprozesse anzuwenden;

Selbständig Aussagen aus dem Bereich der Analysis zu beweisen, Aufgaben aus dem Themenbereich zu lösen und die Ergebnisse zu präsentieren.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Übung: Übungsaufgaben und kleinere Teile des Lehrstoffs werden erläutert, Nachfragen, Interaktion und Diskussion von und mit den Studierenden zum Verständnis des Lehrstoffs und der Beispielaufgaben

Modulabschluss

Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Analysis II
Code/Nummer	MA2
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Sommersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Studiensemester	Zweites Semester
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlen sind: Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4)
Modulinhalte	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung
sws	4 SWS + 2 SWS
Landal alla	

Metrische und normierte Räume, Stetigkeit; Existenz und Eindeutigkeitssatz für das Anfangswertproblem; Differentialrechnung für Funktionen mehrerer Variabler, partielle und totale Differenzierbarkeit, Kettenregel, Taylor-Formel, lokale Extrema; Lokaler Umkehrsatz und implizite Funktionen, Untermannigfaltigkeiten im Rn, Extremwerte mit Nebenbedingungen; Elementare Vektoranalysis, Kurvenintegrale; Integrabilitätsbedingungen, Existenz von Potentialen; Ein Integral im Rn, Transformationsformel, Volumina und Oberflächen

Alle Resultate werden mit vollständigen Beweisen vermittelt.

Lernziele

Grundwissen über gewöhnliche Differentialgleichungen sowie über die Differential- und Integralrechnung in mehreren Variablen;

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

Abstraktes und analytisches Denken anwenden;

Selbständiges Beweisen und Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den

Übungen.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Übung: Übungsaufgaben und kleinere Teile des Lehrstoffs werden erläutert, Nachfragen, Interaktion und Diskussion von und mit den Studierenden zum Verständnis des Lehrstoffs und der Beispielaufgaben

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Lineare Algebra I
Code/Nummer	MA4
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Wintersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Studiensemester	Erstes Semester
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlen sind: Schulkenntnisse
Modulinhalte	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung
sws	4 SWS + 2 SWS
I erninhalte	

Lerninhalte

- I. Grundlagen: Logische Operatoren, Mengen, Relationen, Abbildungen, Gruppen, Homomorphismen, Permutationen.
- II. Vektorräume: (affine) Unterräume, Faktorräume, direkte Summen, Basis, Dimension, Koordinaten, lineare Abbildungen.
- III. Lineare Operatoren: Matrizen, lineare Gleichungssysteme, Basiswechsel, Eigenvektoren, Determinanten

IV. Innenprodukträume: Bilinearformen, Orthogonalität und Orthonormalbasen, normale Operatoren, selbstadjungierte Operatoren und Isometrien.

Lernziele

Abstraktes und strukturelles Denken, Kenntnis mathematischer Grundstrukturen wie Gruppen, Körper und Vektorräume und ihrer Homomorphismen;

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

Verständnis mathematischer Strukturbildung;

Selbständig Eigenschaften mathematischer Grundstrukturen wie Gruppen, Körper und Vektorräume nachweisen und anwenden;

Fähigkeit zum selbständigen Beweisen von Aussagen und Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich und zur schriftlichen und mündlichen Darstellung der Ergebnisse.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Lineare Algebra II
Code/Nummer	MA5
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Sommersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Studiensemester	Zweites Semester
Teilnahmevoraussetzung/erwartete	empfohlen ist: Lineare Algebra I (MA4)

Vorkenntnisse	
Modulinhalte	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung
SWS	4 SWS + 2 SWS

Ringe und Ideale, Moduln und Homomorphismen, Basis und Rang, direkte Summen und Produkte, Tensorprodukt, äußere und symmetrische Potenzen und Determinanten, Moduln über Hauptidealringen, Elementarteilertheorie, Normalformen von Endomorphismen, verallgemeinerte Eigenräume, Jordansche Normalform, nilpotente und halbeinfache Endomorphismen.

Lernziele

Vertiefende Kenntnisse der Linearen Algebra;

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

Fähigkeit zum selbständigen Beweisen von Aussagen und Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich und zur schriftlichen und mündlichen Darstellung der Ergebnisse.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik
Code/Nummer	MA8
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung

Mindestens jedes 2. Semester		
Ein Semester		
empfohlen sind: Analysis I und II (MA1, MA2), Lineare Algebra I und II (MA4, MA5)		
Modulinhalte		
Vorlesung mit Übung		
4 SWS + 2 SWS		

- I. Wahrscheinlichkeitsräume: Ereignisse, diskrete Verteilungen, Verteilungen mit Dichte, Dichtetransformation, bedingte Wahrscheinlichkeiten, Unabhängigkeit, Formel von Bayes
- II. Zufallsvariable: Erwartungswert, Varianz und Kovarianz, gemeinsame Verteilungen von Zufallsvariablen, Faltung.
- III. Grenzwertsätze: Konvergenz von Zufallsvariablen und ihren Verteilungen, Schwaches Gesetz der großen Zahlen, zentraler Grenzwertsatz.
- IV. Testtheorie: Hypothesentest, Fehler erster und zweiter Art, Likelihood, Neyman-Pearson-Test, weitere Testmethoden.
- V. Schätztheorie: Konstruktionsprinzipien, Erwartungstreue, Bias-Varianz-Zerlegung, Konsistenz, Konfidenzbereiche.
- VI. Beispiele für statistische Methoden: wie lineare Regression, Varianzanalyse, Hauptkomponentenanalyse.

Lernziele

In der Grundvorlesung Statistik werden statistische Methoden und die ihnen zugrundeliegende Wahrscheinlichkeitstheorie behandelt.

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

Mathematisches Modellieren zufälliger Phänomene, selbstständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

= orepresengene	
Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Einführung in die Numerik	
Code/Nummer	MA7	
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul	
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education	
Modulumfang in LP	8 LP FW	
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 80 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 40 h Programmieraufgaben, 30 h Klausur mit Vorbereitung	
3		
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Semester	
Dauer des Moduls	Ein Semester	
(Empfohlenes) Studiensemester		
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlen sind: Analysis I und II (MA1/ MA2) und Lineare Algebra I (MA4), Programmierkenntnisse	
Modulinhalte		
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung	
sws	4 SWS + 2 SWS	

- I. Rechnerarithmetik, Fehleranalyse, Konditionierung
- II. Interpolation und Approximation, Numerische Integration
- III. Lineare Gleichungssysteme und Ausgleichsprobleme (LR- und QRZerlegung)
- IV. Iterative Verfahren (Nullstellenberechnung, lineare Gleichungssysteme, Eigenwertaufgaben)

Lernziele

Prinzipien numerischer Algorithmen und ihrer praktischen Realisierung für Grundaufgaben der numerischen Analysis und linearen Algebra,

Abstraktes und algorithmisches Denken anwenden,

Anwendung von Techniken der Analysis und linearen Algebra,

selbständige Durchführung von Beweisen und Lösen von theoretischen und praktischen Aufgaben aus dem Themenbereich,

die Fähigkeit, Algorithmen und Beweise einer Zuhörerschaft zu erklären.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der
	Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu
	Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung

Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Algebra I
Code/Nummer	MB1
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Wintersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Studiensemester	Drittes Semester
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlen sind: Lineare Algebra I (MA4) und Lineare Algebra II (MA5)
Modulinhalte	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung
sws	4 SWS + 2 SWS

- I. Gruppen: Homomorphie- und Isomorphiesätze, Normalreihen und auflösbare Gruppen, Konstruktion und Darstellung von Gruppen, endlich erzeugte abelsche Gruppen, Operation von Gruppen, Sylowsätze, einfache Gruppen.
- II. Ringe: Homomorphismen und Ideale, Polynomringe, Hauptidealringe und euklidische Ringe, faktorielle Ringe, simultane Kongruenzen, Quotientenringe, symmetrische Polynome.
- III. Körper: Algebraische und transzendente Körpererweiterungen, endliche Körper, separable und normale Körpererweiterungen, algebraisch abgeschlossene Hülle, Fundamentalsatz der Galoistheorie, Berechnung der Galoisgruppe, abelsche und Kummererweiterungen, Konstruktionen mit Zirkel und Lineal.

Lernziele

Grundwissen über Gruppen, Ringe und Körper einschließlich der Galoisschen Theorie;

Abstraktes und strukturelles Denken, Erlernen einer begrifflich komplexen mathematischen Theorie;

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Übung: Übungsaufgaben und kleinere Teile des Lehrstoffs werden erläutert, Nachfragen, Interaktion

und Diskussion von und mit den Studierenden zum Verständnis des Lehrstoffs und der Beispielaufgaben	
Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	Deutsch

Titel	Funktionentheorie I
Code/Nummer	MB3
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	8 LP FW
Arbeitsaufwand	240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Sommersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Studiensemester	Viertes Semester
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlen sind: Analysis I und II (MA1, MA2) sowie Lineare Algebra I und II (MA4, MA5)
Modulinhalte	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung
sws	4 SWS + 2 SWS
I erninhalte	

- I. Differentialrechnung im Komplexen: Komplexe Ableitung, die Cauchy-Riemannsche Differentialgleichungen.
- II. Integralsätze: Der Cauchysche Integralsatz, die Cauchyschen Integralformeln.
- III. Singularitäten analytischer Funktionen, Residuensatz: Potenzreihen, Abbildungseigenschaften analytischer Funktionen, Fundamentalsatz der Algebra, Singularitäten analytischer Funktionen, Laurentzerlegung, der Residuensatz.
- IV. Konforme Abbildungen.
- V. Topologische Ergänzungen: Die Homotopieversion des Cauchyschen Integralsatzes, Charakterisierungen von einfach zusammenhängenden Gebieten.

Lernziele

Einführung in die komplexe Analysis;

Fähigkeit die Strukturen zu handhaben und die Zusammenhänge zu erläutern;

Selbstständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen; Fähigkeit der Anwendung auf andere Gebiete wie z. B. Mathematische und Theoretische Physik

Lehr- und Lernformen

Vorlesung und Übung;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Übung: Übungsaufgaben und kleinere Teile des Lehrstoffs werden erläutert, Nachfragen, Interaktion und Diskussion von und mit den Studierenden zum Verständnis des Lehrstoffs und der Beispielaufgaben

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen, Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Prüfungsleistung
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	deutsch

Titel	Proseminar	
Code/Nummer	MPS	
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul	
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education	
Modulumfang in LP	5 LP FW + 1 LP FD	
Arbeitsaufwand	180 h, davon 30 h Präsenzzeit Proseminar, 150 h Vorbereitung inkl. Betreuung	
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Semester	
Dauer des Moduls	Ein Semester	
(Empfohlenes) Studiensemester		
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlene Vorkenntnisse werden vom Dozenten je nach Thema bekanntgegeben	
Modulinhalte		
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Seminar	
sws	2 SWS	
Lerninhalte		

Vortrag über das eigene Seminarthema, insbesondere ein dem Vortrag vorausgehendes umfangreiches Beratungsgespräch bei der bzw. dem Lehrenden

Fragen zu den vorgetragenen mathematischen Themen zu stellen und Fragen zum eigenen Vortrag zu beantworten

Lernziele

Befähigung mathematische Literatur (in der Regel ein einfacher Text) zu lesen, sich selbständig mit einer mathematischen Fragestellung zu beschäftigen und hierüber vorzutragen.

Befähigung mathematische Argumente klar und verständlich einem kleineren Kreis von Hörern mitzuteilen.

Befähigung Fragen zu den vorgetragenen mathematischen Themen zu stellen und zu beantworten

Lehr- und Lernformen

Seminar: Selbstständiges Erarbeiten eines wissenschaftlichen Themas, Erstellen einer Präsentation, Halten des Vortrags mit anschließenden Fragen und Diskussion der Teilnehmer

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Ein ca. 40- bis 90-minütiger benoteter Vortrag, aktive und passive Teilnahme an weiteren Vorträgen
Modulprüfung	Benoteter Vortrag, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für den Vortrag
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	Je nach Thema deutsch oder englisch

Titel	Seminar im Bachelor	
Code/Nummer	MSB	
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul	
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education	
Modulumfang in LP	5 LP FW + 1 LP FD	
Arbeitsaufwand	180 h, davon 30 h Präsenzzeit Seminar, 150 h Vorbereitung inkl. Betreuung	
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Semester	
Dauer des Moduls	Ein Semester	
(Empfohlenes) Studiensemester		
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	empfohlene Vorkenntnisse werden vom Dozenten je nach Thema bekanntgegeben	
Modulinhalte		
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Seminar	
sws	2 SWS	
Lerninhalte		

Vortrag über das eigene Seminarthema, insbesondere ein dem Vortrag vorausgehendes umfangreiches Beratungsgespräch bei der bzw. dem Lehrenden

Fragen zu den vorgetragenen mathematischen Themen zu stellen und Fragen zum eigenen Vortrag

Lernziele Befähigung mathematische Literatur (in der Regel ein anspruchsvollerer Text) zu lesen, sich selbständig mit einer mathematischen Fragestellung zu beschäftigen und hierüber vorzutragen. Befähigung mathematische Argumente klar und verständlich einem kleineren Kreis von Hörern mitzuteilen. Befähigung Fragen zu den vorgetragenen mathematischen Themen zu stellen und zu beantworten. Lehr- und Lernformen Seminar: Selbstständiges Erarbeiten eines wissenschaftlichen Themas, Erstellen einer Präsentation,

Seminar: Selbstständiges Erarbeiten eines wissenschaftlichen Themas, Erstellen einer Präsentation, Halten des Vortrags mit anschließenden Fragen und Diskussion der Teilnehmer

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Ein ca. 40- bis 90-minütiger benoteter Vortrag, aktive und passive Teilnahme an weiteren Vorträgen
Modulprüfung	Benoteter Vortrag, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für den Vortrag
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	Je nach Thema deutsch oder englisch

Titel	Wahlpflicht Mathematik
Code/Nummer	MWM
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul mit Wahlmöglichkeit
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	6 LP FW
Arbeitsaufwand (in Zeitstunden; Präsenz- und Selbst- studium)	Entweder: 180 h; davon 60 h Präsenzstudium, 90 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung, 30 h Prüfung mit Vorbereitung
	Oder: 180 h, davon 30 h Präsenzzeit Seminar, 150 h Vorbereitung inkl. Betreuung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Je nach Wahl: jedes oder jedes 2. Semester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Fachsemester	
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	Grundkenntnisse in Analysis und Linearer Algebra
Modulinhalte und Modulziele	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung mit Übung oder Seminar
SWS	Je nach Lehrveranstaltung

Entweder eine Veranstaltung nach Wahl aus den Modulen des Wahlpflichtbereichs des Bachelors Mathematik 100% oder den Grund- und Aufbaumodulen des Masters Mathematik

Oder ein weiteres Seminar

Lernziele

Bei Vorlesung mit Übung: Verständnis der grundlegenden Strukturen, Sätze und Methoden eines Teilgebietes der Mathematik, selbständige Durchführung von Beweisen und Lösen von theoretischen und praktischen Aufgaben aus dem Themenbereich

Oder bei Seminar: Befähigung mathematische Literatur (in der Regel ein anspruchsvollerer Text) zu lesen, sich selbständig mit einer mathematischen Fragestellung zu beschäftigen und hierüber vorzutragen.

Befähigung mathematische Argumente klar und verständlich einem kleineren Kreis von Hörern mitzuteilen.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung mit Übung oder Seminar:

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Übung: Übungsaufgaben und kleinere Teile des Lehrstoffs werden erläutert, Nachfragen, Interaktion und Diskussion von und mit den Studierenden zum Verständnis des Lehrstoffs und der Beispielaufgaben

Seminar: Selbstständiges Erarbeiten eines wissenschaftlichen Themas, Erstellen einer Präsentation, Halten des Vortrags mit anschließenden Fragen und Diskussion der Teilnehmer zum Vortrag

Modulabschluss Voraussetzungen für die Vergabe von LP Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen sofern diese angeboten werden, Bestehen der Modulprüfung Modulprüfung Mündliche oder schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben Benotung/Berechnung der Modulnote Eine Note für die Prüfungsleistung Organisatorisches Teilweise auch in Englisch

Titel	Geometrie und Unterricht
Code/Nummer	мди
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul, Verschränkungsmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	12 LP = 8 LP FW + 4 LP FD
Arbeitsaufwand (in Zeitstunden; Präsenz- und Selbst- studium)	Für die 8 LP FW: 240 h; davon 60 h Vorlesung und 30 h Übung Präsenzstudium, 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung, 30 h Klausur mit Vorbereitung
	Für die 4 LP FD: 120 h; davon 30 h Präsenzstudium, 90 h Vor- und Nachbereitung, sowie Ausarbeitung Vortrag

Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Vorlesung mit Übung und fachdidaktisches Seminar jedes Sommersemester	
Dauer des Moduls	Ein Semester	
(Empfohlenes) Fachsemester		
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	Grundkenntnisse in Linearer Algebra	
Modulinhalte und Modulziele		
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Einführung in die Geometrie (Vorlesung mit Übung) und Fachdidaktisches Seminar	
sws	(4 SWS + 2 SWS) + 2 SWS	

Einführung in die Geometrie:

Axiomatische Grundlegung der ebenen Geometrie: Inzidenzgeometrie, affine und projektive Geometrie, Geometrie in Hilbertebenen und euklidische Geometrie. Ausblicke in die nichteuklidische Geometrie, sowie eine Einführung in die Theorie der Polyeder.

Inhalte umfassen unter anderem: geometrische Abbildungen, Trigonometrie, die Grundlagen des Messens, hyperbolische Geometrie, platonische Körper, die Euler'sche Polyederformel.

Weitere mögliche Inhalte sind: Kegelschnitte, Rotationskörper, parametrisierte Kurven und Flächen.

Fachdidaktisches Seminar:

Bezüge zwischen Struktur- und Schulgeometrie sowohl mit Blick auf Inhalte wie auf damit verbundene mathematische Tätigkeiten; Anspruch deduktiven Wissensaufbaus in Struktur- und Schulgeometrie; Möglichkeiten des mathematischen Argumentierens und Problemlösens im Schulunterricht; Möglichkeiten der Thematisierung strukturgeometrischer Inhalte in der Schule; geometrische Ideen in nichtgeometrischen Inhaltsbereichen des Mathematikunterrichts

Lernziele

Studierende können mathematische Aufgaben aus dem Gebiet der Geometrie mit den dort üblichen Methoden lösen. Sie können Schüler über Objekte der Geometrie und ihre Zusammenhänge unterrichten und dabei wissenschaftlich fundierte Konzepte der Fachdidaktik reflektieren und anwenden.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung mit Übung und Seminar;

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Übung: Übungsaufgaben und kleinere Teile des Lehrstoffs werden erläutert, Nachfragen, Interaktion und Diskussion von und mit den Studierenden zum Verständnis des Lehrstoffs und der Beispielaufgaben

Seminar: Selbstständiges Erarbeiten eines wissenschaftlichen Themas, Erstellen einer Präsentation, Halten des Vortrags mit anschließenden Fragen und Diskussion der Teilnehmer zum Vortrag

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Erfolgreiche Teilnahme an den Übungen und Bestehen beider Modulteilprüfungen
Modulprüfung	Zwei Modulteilprüfungen (beide müssen bestanden sein) Einführung in die Geometrie (8 LP): schriftliche Abschlussprüfung

	Fachdidaktisches Seminar (4 LP): Kurzvortrag und/oder Hausarbeit Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben	
Benotung/Berechnung der Modulnote	Die Modulendnote ergibt sich als Mittel beider Modulteilnoten, welche anhand ihrer LP gewichtet werden.	
Organisatorisches		
Unterrichtssprache	Deutsch	
Besonderheiten	Beide Teile müssen im gleichen Semester absolviert werden.	

Titel	Help-Desk
Code/Nummer	MHD
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul, Verschränkungsmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Master of Education, Teilstudiengang Mathematik
Modulumfang in LP	3 LP = 2 LP FW + 1 LP FD
Arbeitsaufwand (in Zeitstunden; Präsenz- und Selbst- studium)	Für die 2 LP FW: 60 h davon; 29 h Selbststudium + 1 h Präsenzzeit; 14 h Präsenzzeit + 16 h Vor- und Nachbereitung
	Für den 1 LP FD: 30 h davon; 16 h Schulung + 4 h kollegiale Beratung + 10 h Abschlussreflexion
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Semester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Fachsemester	
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	Kenntnisse in Analysis I und II, Lineare Algebra I und II
Modulinhalte und Modulziele	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Fachliches Repetitorium für Help-Desk Praxisorientierte Didaktikschulung für Help-Desk Abhalten Help-Desk
sws	1 SWS + 1 SWS + 1 SWS
Lerninhalte	

Dieses Modul setzt sich zusammen aus

- Einem Fachlichen Repetitorium, in welchem die Fachinhalte aus Analysis I und II und Linearer Algebra I und II im Selbststudium wiederholt werden.
- einer Didaktikschulung, die Grundlagen des Kompetenzerwerbs in der Mathematik erläutert und die Beratungstätigkeit praxisorientiert vorbereitet.

- dem Abhalten des Help-Desk als wöchentliche Beratungstätigkeit für Studienanfänger:innen mit fachlichen Fragen zum Vorlesungsstoff und den Übungsaufgaben.

Lernziele

Die Studierenden:

- verfügen über Grundlagen und Überblickswissen der Analysis und Linearen Algebra und können dieses bei Fragen der Studienanfänger:innen ausführlich erklären
- können Fragen der Studienanfänger:innen zum Vorgehen beim Bearbeiten der Übungsaufgaben beantworten und Hilfestellungen zur Lösungsfindung geben
- können identifizieren, welche Art von Lern- oder Verständisproblematik bei den Fragestellenden vorliegt und ihre Beratung darauf anpassen

Lehr- und Lernformen

Selbststudium: eigenständiges Wiederholen von Fachinhalten

Schulung: Wechsel aus theoretischem Input und Gruppenarbeitsphasen

Beratungstätigkeit: Ansprechpartner für Studienanfänger:innen zum Vorgehen bei fachlichen Fragen

zum Vorlesungsstoff und den Übungsaufgaben

Reflexion: Dokumentation und Reflexion der Beratungstätigkeit

Modulabschluss	
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Bestehen aller drei Modulteilprüfungen
Modulprüfung	Drei Modulteilprüfungen (alle drei müssen bestanden sein)
	Fachliches Repetitorium für Help-Desk: mündliche Prüfung Didaktikschulung für Help-Desk: aktive Teilnahme und Abschlussbericht (Dokumentation und Reflexion)
	Abhalten Help-Desk: Anwesenheit und aktive Beratungstätigkeit (dokumentiert durch ein Protokoll)
	Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben.
Benotung/Berechnung der Modulnote	Das Modul ist unbenotet.
Organisatorisches	
Unterrichtssprache	Deutsch
Besonderheiten	Alle drei Teilmodule müssen im selben Semester bestanden werden.

Titel	Fachdidaktische Reduktion an ausgewählten Themen der Mathematik für das Gymnasium
Code/Nummer	MFRMG
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul, Verschränkungsmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Master of Education, Teilstudiengang Mathematik
Modulumfang in LP	4 LP FD

Arbeitsaufwand (in Zeitstunden; Präsenz- und Selbst- studium)	120 h davon; 30 h Präsenzstudium, 90 h Erarbeitung Unterrichtseinheit inklusive Präsentation
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Wintersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Fachsemester	
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	Kenntnisse in Analysis und Linearer Algebra, sowie weitere je nach Themengebiet der Vorlesung
Modulinhalte und Modulziele	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Seminar
sws	2 SWS

Das Seminar geht aus vom fachwissenschaftlichen Hintergrund und konfrontiert die Studierenden mit notwendigen und sinnvollen Reduktionen zu ausgewählten Themen der gymnasialen Sekundarstufen im Fach Mathematik.

Es werden geeignete didaktische Konzepte diskutiert, komplexe Sachverhalte der Mathematik im Rahmen des gymnasialen Unterrichts zu vermitteln. Basierend auf den im Seminar gewonnenen didaktischen Erkenntnissen erarbeiten die Studierenden geeignete Ansätze, die Inhalte schülergemäß auf gymnasialem Niveau aufzubereiten und vermitteln zu können, ohne dass die wesentlichen Aspekte der Thematik verloren gehen. Diese Überlegungen zur Umsetzung im Unterricht unter besonderer Berücksichtigung spezifischer didaktischer Fragestellungen werden im Rahmen von Präsentationen vorgestellt und diskutiert.

Die in den Bildungsplänen formulierten Kompetenzen sind dabei grundlegend. Inhaltliche Schwerpunkte ergeben sich insbesondere aus folgenden Leitideen: Zahl – Variable – Operation, Funktionaler Zusammenhang sowie Daten und Zufall. Besondere didaktische Fragestellungen können sein: Dynamisierung und Visualisierung, Einsatz digitaler Werkzeuge, Differenzierung, Aufgabenanalyse und -auswahl.

Lernziele

Die Studierenden:

- können auch komplexere mathematische Fachinhalte so verstehen und auf einem Niveau aufbereiten, dass es im Rahmen des gymnasialen Regelunterrichts in Mathematik sowie Vertiefungsoder Profilfächern Schülerinnen und Schüler altersgerecht vermittelt werden kann,
- sind in der Lage aus komplexeren mathematischen Themen die wesentlichen Aspekte herauszuarbeiten und die für das Verständnis dieser Aspekte notwendigen Vorkenntnisse aufzuzeigen,
- können diese Analyse zur didaktischen Reduktion von mathematischen Fachinhalten gemäß dem aktuellen Bildungsplan einsetzen,
- kennen grundlegende didaktische Ansätze für die Konzeption und Gestaltung von Unterrichtsequenzen und haben ein Verständnis für die Notwendigkeit der didaktischen Reduktion mathematischer Fachinhalte gemäß des Erfahrungshorizonts und Kenntnisstands der Schülerinnen und Schüler entwickelt.

Lehr- und Lernformen

Seminar: Selbstständiges Erarbeiten eines wissenschaftlichen / fachdidaktischen Themas, Erstellen

einer Präsentation, Halten des Vortrags mit anschließenden Fragen und Diskussion der Teilnehmer zum Vortrag		
Modulabschluss		
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Bestehen der Modulprüfung	
Modulprüfung	Vortrag und Handout, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben	
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Abschlussprüfung	
Organisatorisches		
Unterrichtssprache	deutsch	
Besonderheiten	Informationen zum Ablauf und zur verpflichtenden und verbindlichen Anmeldung sind im Vorfeld zu beachten.	

Titel	Mathematikdidaktik für den Unterricht am Gymnasium
Code/Nummer	MMDUG
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education
Modulumfang in LP	4 LP FD
Arbeitsaufwand (in Zeitstunden; Präsenz- und Selbst- studium)	120 h davon; 30 h Präsenzstudium, 70 h Vor- und Nachbereitung, 20 h Klausurvorbereitung
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Sommersemester
Dauer des Moduls	Ein Semester
(Empfohlenes) Fachsemester	
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	Grundkenntnisse in Analysis und Linearer Algebra
Modulinhalte und Modulziele	
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Vorlesung
sws	2 SWS

- Grundlagen mathematischen Denkens und mathematischer Lernprozesse
- Argumentieren und Beweisen
- Problemlösen und Modellieren
- Zentrale mathematikdidaktische Unterrichtsprinzipien (kognitive Aktivierung, Durchgängigkeit, Verstehensorientierung, Adaptivität, Kommunikationsförderung)
- Aufgabenkultur, inkl. digitale Werkzeuge
- Grundvorstellungen und Darstellungen
- Umgang mit Fehlern und Fehlvorstellungen

Jeweils mit Bezug zu den mathematischen Leitideen Zahl-Variable-Operation

(Zahlentheorie/Algebra); Funktionaler Zusammenhang (Analysis); Daten und Zufall (Stochastik) (Hinweis: Die Leitideen Messen sowie Raum und Form werden entsprechend im Verschränkungsmodul "Geometrie im Unterricht" behandelt.)

Lernziele

Die Studierenden:

- kennen Grundlagen mathematischer Lernprozesse und Kerntätigkeiten sowie zentrale mathematische Prinzipien.
- kennen inhaltsspezifische Grundvorstellungen, Darstellungen und Fehlvorstellungen.
- können Verbindungen zwischen den Inhalten der fachlichen Grundvorlesung und der Schulmathematik herstellen.
- können ihr Wissen nutzen, um Inhalte fachlich korrekt und lernorientiert aufzubereiten und Entscheidungen zur Aufgabenauswahl und Unterrichtsplanung fachdidaktisch zu begründen.

Lehr- und Lernformen

Vorlesung: Präsentation des Lehrstoffs durch den Lehrenden mittels geeigneter Medien, Interaktion und Nachfragen möglich

Modulabschluss			
Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Bestehen der Modulprüfung		
Modulprüfung	Schriftliche Abschlussprüfung, Details werden zu Beginn der Veranstaltung bekanntgegeben		
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note für die Abschlussprüfung		
Organisatorisches			
Unterrichtssprache	deutsch		

Titel	Masterarbeit	
Code/Nummer	MMAoE	
Modultyp (PM/WPM/WM)	Pflichtmodul	
Verwendbarkeit (Studiengang/Fach)	Erweiterungsfach Mathematik Master of Education	
Modulumfang in LP	15 LP	
Arbeitsaufwand (in Zeitstunden; Präsenz- und Selbst- studium)	450 h Bearbeitung eines individuellen Themas (Forschungs- und Entwicklungsarbeiten) und schriftliche Ausarbeitung	
Häufigkeit/Frequenz des Angebots	Jedes Semester	
Dauer des Moduls	Ein Semester	
(Empfohlenes) Fachsemester	4. Fachsemester	
Teilnahmevoraussetzung/erwartete Vorkenntnisse	mindestens 60 LP	
Modulinhalte und Modulziele		
Zugehörige Lehrveranstaltungen	Betreutes Selbststudium	
sws	1 SWS	

ern		

selbstständiges wissenschaftliches Bearbeiten einer beschränkten Aufgabenstellung aus der Mathematik und ihren Anwendungen

Lernziele

Einsatz der erlernten Fachkenntnisse und Methoden zum selbstständigen Lösen einer überschaubaren Problemstellung aus der Mathematik und ihren Anwendungen

Fähigkeit, eine anspruchsvolle wissenschaftliche Arbeit zu erstellen

Lehr- und Lernformen

Betreutes Selbststudium 1 SWS

Ma	٠. الم	10	h 0	- h	П	 _

Voraussetzungen für die Vergabe von LP	Bestehen der Modulprüfung
Modulprüfung	Schriftliche Ausarbeitung
Benotung/Berechnung der Modulnote	Eine Note
Organisatorisches	

Organisatorisches

Unterrichtssprache Auch in Englisch möglich